

تاريخ الإرسال (2016/08/14). تاريخ قبول النشر (2016/10/31)

م. د عبد علي حمد الدليمي^{*1}¹ قسم الاقتصاد، كلية الإدارة والاقتصاد، جامعة الأنبار - العراق.

* البريد الإلكتروني للباحث المرسل:

E-mail address: Abidh1965@yahoo.com

استخدام التحليل الطيفي لبناء نموذج رياضي للتنبؤ بالمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي

الملخص:

يعدّ عنصر الحرارة من أهم العناصر المناخية ذات التأثير المباشر أو غير المباشر في بقية العناصر المناخية الأخرى. و تباين تأثير تلك العناصر أدى إلى تباين درجات الحرارة وتأثيرها في النواحي الاقتصادية والاجتماعية المختلفة. يهدف هذا البحث إلى استخدام التحليل الطيفي في إيجاد نموذج رياضي للسلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي للمدة 1984-2012. توصلت هذه الدراسة إلى أن السلسلة الزمنية المدروسة لها سلوك دوري خلال (12) شهراً، وأن النموذج الرياضي المقترح اعتمد على مركبة دورية واحدة. ويمكن استخدام هذا النموذج للتنبؤ بالمعدلات الشهرية للحرارة في السنوات اللاحقة.

كلمات مفتاحية:

التحليل الطيفي، قوة الطيف، أوزان الدور، دالة الكثافة الطيفية

Using the spectral analysis to build a mathematical model for forecasting the monthly averages of the temperature degrees in Al-Ramadi city

Abstract

Temperature is considered as the most important climatic element that has a direct or indirect effect on other climatic elements. Variation of these elements results in a variation in temperature degrees and their impacts on various social and economic aspects.

This research aims at using the spectral analysis to find out a mathematical model of the time series for the monthly averages temperature degrees in Al-Ramadi city for the period 1984-2012. The study has concluded that the studied time series has periodic effects through the (12) months whereby the proposed mathematical model based on one cyclical component. This model can be used to predict the monthly averages of temperature in subsequent years.

Keywords:

Spectral Analysis, Power Spectrum, Period gram Spectral Density Function

المقدمة:

5-الدراسات السابقة

هناك العديد من الدراسات التي تناولت درجة الحرارة وعلاقتها مع بقية العناصر المناخية الأخرى وتأثيرها على مختلف مجالات الحياة الاقتصادية والاجتماعية وغيرها وفي مختلف البلدان ولكن الكثير من هذه الدراسات كان يستخدم تحليل السلاسل الزمنية باتجاه الزمن ومنها دراسة (حسين، 2008) إذ توصلت الدراسة الى ان افضل نموذج رياضي لتمثيل المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الموصل هو بطريقة ونترس الموسمي، كما بينت دراسة (الجبوري و عبدالله، 2012) ان السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في سامراء غير مستقرة وان افضل نموذج لتمثيل السلسلة الزمنية هو $ARIMA(3,1,2)$ ودراسة (الخالدي، 2002) تم فيها دراسة سلاسل زمنية مختلفة لدرجات الحرارة ولعدة محطات في العراق وتم الحصول على نماذج مختلفة لتمثيل السلاسل الزمنية المدروسة، ودراسة (الجنابي و حسين، 2002) حيث توصلت الدراسة ان هناك اختلاف وتباين في الاتجاه العام الفصلي لدرجات الحرارة في السلاسل الزمنية المدروسة، ودراسة (العبيدي، 1989) توصلت الى ان نموذج الانحدار الذاتي $AR(1)$ هو الافضل في تمثيل السلسلة الزمنية من بين النماذج المدروسة، ودراسة (محمد، 1982) تطرق الى دراسة نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة المتكاملة وان هذه النماذج هي الافضل في تمثيل السلسلة الزمنية لدرجات الحرارة في مدينة بغداد.

اما هذه الدراسة تتميز عن بقية الدراسات لكونها تستخدم التحليل الطيفي في دراسة تحليل السلسلة الزمنية لعنصر درجة الحرارة لان الدراسات السابقة التي كانت تدرس تحليل السلاسل الزمنية في مجال الزمن.

6- الجانب النظري

ان احد اساليب تحليل السلاسل الزمنية هو التحليل باتجاه التكرار (Frequency Domain Analysis)، او ما يسمى بالتحليل الطيفي (Spectral Analysis) الذي يشير إلى الطريقة المعطاة لتقدير دالة الكثافة الطيفية (Spectral Density Function) للسلاسل الزمنية المستقرة، والتي تدرس تحليل

بعد عنصر الحرارة من اهم واكثر عناصر المناخ تأثيرا في حياة الانسان، إذ يؤثر في نشاطه ومسكنه وغذائه وصحته. وتعد درجة الحرارة من اهم العناصر المناخية ذات التأثير المباشر او غير المباشر في بقية العناصر المناخية. وان تباين تأثير تلك العناصر ادى الى تباين درجات الحرارة وتأثيرها في مختلف النواحي الاقتصادية والاجتماعية.

ان دراسة تحليل السلاسل الزمنية لها تطبيقات كثيرة وفي المجالات الاقتصادية، السكانية، الطبية والمناخية كافة، لان الهدف الأساس من تحليل السلاسل الزمنية هو الوصول الى نموذج رياضي أو طريقة مناسبة تربط قيم السلسلة الزمنية بالقيم السابقة لها أو أخطائها للتنبؤ بالقيم المستقبلية لهذه السلسلة، ولمعرفة ما يحتمل أن يحدث للظاهرة المدروسة؛ وهذا يؤدي الى مساعدة المخططين وصانعي القرار في تلك المجالات الى اتخاذ القرار المناسب والصحيح.

2- هدف البحث

يهدف البحث الى بناء نموذج رياضي باستخدام التحليل الطيفي للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي للمدة من 1984-2012، على ضوء النمط الدوري لسلوك السلسلة الزمنية المدروسة لمعدلات الحرارة، واستخدم هذا النموذج في التنبؤ للاحقة في السنوات اللاحقة.

3- فرضية البحث

ان السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي لها نمط دوري منتظم وان استخدام التحليل الطيفي يعطي نمودجا جيدا لتمثيل هذه السلسلة.

4- منهجية البحث

اعتمد البحث على استخدام المنهج الوصفي التحليلي، إذ تم التطرق في الجانب النظري الى التحليل الطيفي ومن ثم الحصول على البيانات الخاصة بالمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي للمدة 1984-2013 واستخدام البرامج الاحصائية Statistica ver.7 و spss V.18 وبرنامج STATGRAPHICS VER.15 في التحليل للوصول الى النتائج المطلوبة.

$$= \frac{1}{2\pi} (\gamma_0 + 2 \sum_{k=1}^{\infty} \gamma_k \cos(wk)) \quad \dots (2)$$

ويمكن إعادة تعريف الدالة $p(w)$ بدلالة الارتباط الذاتي ρ_k ،
فمن المعادلة (2) نحصل على:

$$p(w) = \frac{\gamma_0}{2\pi} \left[1 + 2 \sum_{k=1}^{\infty} \rho_k \cos(w_k) \right] \quad \dots (3)$$

لذلك نجد ان دالة الارتباط الذاتي تدرس السلسلة الزمنية في مجال الزمن، وان قيم الدالة تكون مرتبطة مع بعضها مما يؤدي إلى صعوبة تفسير قيمها. بينما دالة قوة الطيف هي التي تدرس السلسلة في مجال التكرار والتي تعطي للدالة قيمة مستقلة عن بعضها للترددات المختلفة؛ وعند معرفة إحدى الداليتين يمكن معرفة الأخرى.

ويتم الحصول على دالة الكثافة الطيفية $f(w)$ (Spectral density Function) وبالصيغة الرياضية الآتية (98 Chatfield, 1996):

$$f(w) = \frac{p(w)}{\sigma_z^2}$$

اذن

$$f(w) = \frac{1}{2\pi} \left[1 + 2 \sum_{k=1}^{\infty} \rho_k \cos(w_k) \right] \quad \dots (4)$$

فاذا اردنا أن نمثل السلسلة الزمنية Y_t بدلالة الجيوب والجيوب تمام فإن القيمة التقديرية لاية مشاهدة في السلسلة الزمنية (Hamilton, 1994:160) تعطى بالصيغة الرياضية الآتية:-

$$\hat{Y}_t = \mu + \sum_{i=1}^{n/2} \alpha_i \sin(2\pi f_i t) + \beta_i \cos(2\pi f_i t) + \frac{1}{2\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \gamma_k (\cos(wk) + \cos(-wk) - i \sin(wk) - i \sin(-wk))$$

حيث أن α_i و β_i تمثل المعاملات ويتم إيجادها بالصيغ الرياضية التالية:-

$$\alpha_i = (2/n) \sum_{t=1}^{n/2} y_t \sin(2\pi f_i t) \quad \dots (6)$$

السلاسل في نطاق التكرار أو التردد (Frequency)، حيث توصف الدالة للسلسلة الزمنية في حدود سلوك دالة الجيب والجيب تمام وتكرارات مختلفة من خلال تحويل فوريير (Fourier Transform).

ويستخدم التحليل الطيفي في معرفة السلوك الذي تسلكه السلاسل الزمنية وبيان تركيبها وتوضيح أهم المركبات التي تساهم في تباین السلسلة عن طريق مساهمة الترددات المختلفة الأطوال في التباين

نفرض أن $\{Y_t\}_{t=1}^{\infty}$ سلسلة زمنية مستقرة وبافتراض ان سلسلة قيم التباين المشترك الذاتي γ_k قابلة للجمع المطلق (absolutely summable) أي ان $\sum_{k=-\infty}^{\infty} |\gamma_k| < \infty$ ، ففوة

الطيف (Power Spectrum) للسلسلة الزمنية Y_t هي الدالة $p(w)$ المعرفة بالصيغة الرياضية (2008:330, Cryer & Sikchan الآتية:-

$$p(w) = \frac{1}{2\pi} \sum_{k=-\infty}^{\infty} \gamma_k e^{-i w k} \quad \dots (1)$$

حيث ان $w = 2\pi f$ تمثل عدد الزوايا النصف قطرية (radians) في وحدة الزمن

واما التكرار $f = \frac{k}{n}$ فهو عدد الدورات في وحدة الزمن

ويمكن إعادة كتابة المعادلة (1) بالصيغة الآتية:-

$$p(w) = \frac{1}{2\pi} \sum_{k=-\infty}^{\infty} \gamma_k (\cos(wk) - i \sin(wk))$$

ويمكن تمثيل السلسلة الزمنية بـ (m) من الموجات التي يجب اضافتها لكي نحصل قيمة مقبولة لمعامل التحديد وهذه الموجات بسعات واطوار مختلفة ويمكن كتابتها بالصيغة الرياضية الآتية :-

$$\hat{Y}_t = \sum_{i=1}^M V_i \sin(2\pi f_i t + \Phi_i) \quad \dots (11)$$

ويمكن تبسيط المعادلة (11) بالصيغة الرياضية الآتية:-

$$\hat{Y}_t = b_0 + b_1 t + V_1 \sin(2\pi f_1 t + \Phi_1) + \dots + V_m \sin(2\pi f_m t + \Phi_m) \quad \dots (12)$$

حيث ان b_0 = معامل القطع في معادلة الانحدار الخطي البسيط بين درجة الحرارة و الزمن.

b_1 الميل في معادلة خط الانحدار الخطي البسيط بين درجة الحرارة والزمن.

7- الجانب التطبيقي

تعدّ مدينة الرمادي مركز محافظة الانبار في العراق وتقع بين دائرة عرض $33^\circ 25'$ ودائرة طول $43^\circ 18'$. ولاغراض التطبيق العملي تم اخذ البيانات من الهيئة العامة للأنواء الجوية العراقية - قسم المناخ والخاصة بمحطة الرمادي، والتي تمثل المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة للمدة من 1984 - 2013 وكما في الملحق (1). وتم استخدام بيانات المعدلات الشهرية للحرارة للمدة 1984-2012 في بناء النموذج الرياضي. واما المعدلات الشهرية للحرارة لعام 2013 فقد استخدمت للمقارنة مع القيم المقدرة من النموذج لمعرفة دقة هذا النموذج .

ولاغراض التطبيق العملي تم ادخال البيانات الى البرنامج الاحصائي spss، والتي تمثل معدلات الشهرية لدرجات الحرارة

في الرمادي والتي تمثل المتغير المعتمد Y^i والبالغ عددها (348) شهرا و تمثل الزمن المتغير المستقل (X^i) . وتم رسم السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي وكما في الشكل (1).

$$\beta_i = (2/n) \sum_{i=1}^{n/2} y_t * \cos(2\pi * f_i * t) \quad \dots (7)$$

وان $\mu = \bar{y}$ تمثل معادلة الاتجاه العام

ان الصيغة الرياضية المعطاة بالمعادلة (5) تمثل معادلة الاتجاه العام والمركبات الدورية التي تتبعها السلسلة الزمنية. وكما هو معلوم ان عدد المركبات الدورية التي يمكن وضعها في النموذج هو نصف عدد المشاهدات المدروسة في السلسلة الزمنية. ونظرا لصعوبة اجراء العمليات الحسابات في حالة كون السلسلة تحتوي على عدد كبير من المركبات ، لذلك يفضل ان تضاف مركبة تلو الاخرى الى معادلة الاتجاه العام ، ويحسب معامل التحديد الى ان نصل الى قيمة مقبولة له حيث ان الصيغة الرياضية لمعامل التحديد هي :-

$$R^2 = \frac{\sum (\hat{Y}_t - \bar{Y})^2}{\sum (Y_t - \bar{Y})^2}$$

اما اردنا ان نمثل السلسلة الزمنية Y^t بموجة واحدة فان القيمة التقديرية لاية مشاهدة تعطى بالصيغة الرياضية الآتية:-

$$\hat{Y}_t = \alpha_1 \sin(2\pi * f_1 * t) + \beta_1 \cos(2\pi * f_1 * t) \quad \dots (8)$$

وان

$$\alpha_1 = V_1 \cos(\Phi) , \beta_1 = V_1 \sin(\Phi)$$

$$V_1 = \sqrt{\alpha_1^2 + \beta_1^2} , \cos(\Phi) = \alpha_1 / V_1 , \sin(\Phi) = \beta_1 / V_1$$

حيث ان V_1 تمثل سعة التوافق و Φ تمثل زاوية الطور للتوافق وكما هو معلوم ان

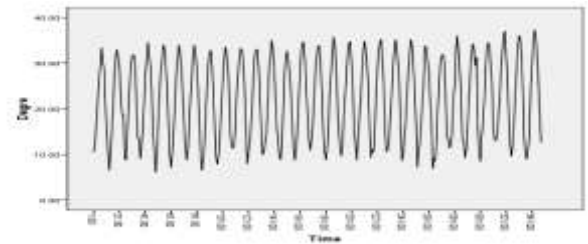
$$\sin(Z + T) = \sin(Z) \cos(T) + \cos(Z) \sin(T) \quad \dots (9)$$

فاذا كان $Z = 2\pi f_1 t$ وان $T = \Phi$ وباعتماد على المعادلة (9) يمكن اعادة كتابة المعادلة (8) بالصيغة الرياضية الآتية:-

$$\hat{Y}_t = V_1 \sin(2\pi f_1 t + \Phi) \quad \dots (10)$$

وهذه المعادلة تمثل السلسلة الزمنية بموجة توافقية واحدة.

للمدة من 1984-2012 وكانت النتائج كما في الجدول الآتي والشكل (2).



شكل (1) يبين المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي للمدة 1984-2012

ومن ملاحظة شكل (1) نجد ان هناك تنبذبات منتظمة في سلوك المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة للسلسلة الزمنية المدروسة . وللتأكد من ذلك تم ايجاد معادلة الانحدار الخطي البسيط للعلاقة بين الزمن (t) والمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة لمدينة الرمادي ، وكانت بالصيغة الرياضية الآتية :-

$$\hat{Y}_t = 21.087 + 0.006 X_t$$

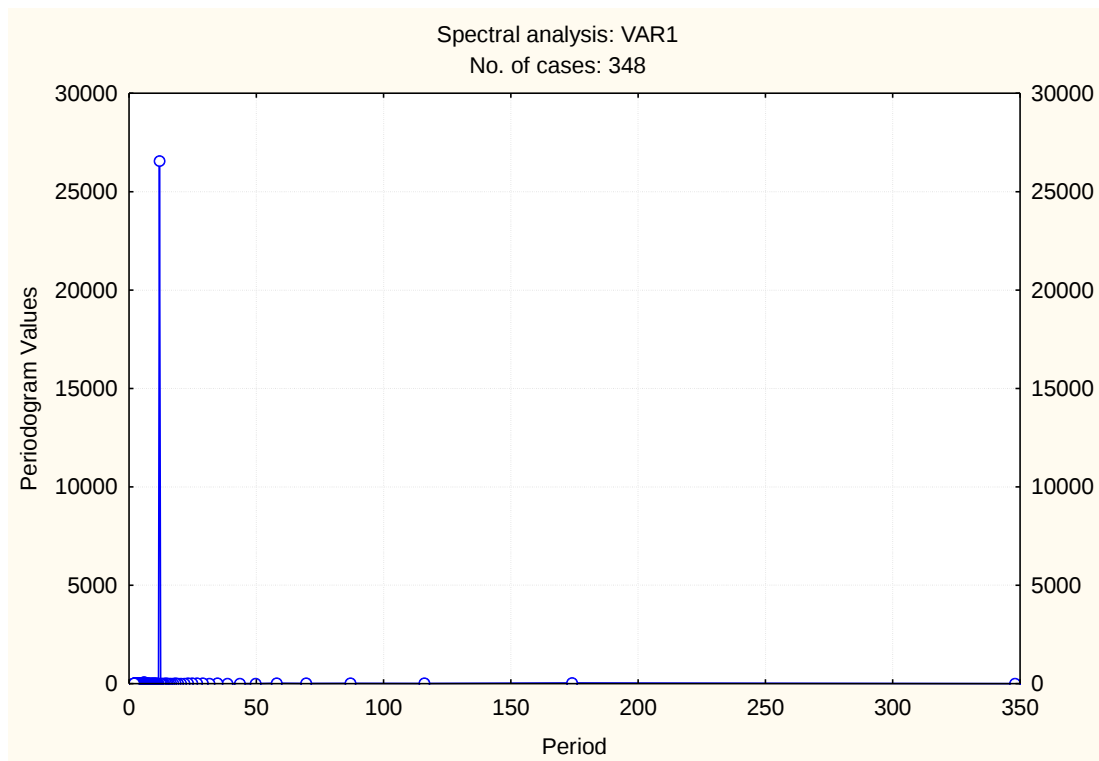
ويلاحظ ان قيمة الميل للانحدار صغيرة جدا مما يوحي ان خط الانحدار يكون موازيا الى الزمن ، وكما كانت قيمة معامل التحديد $R^2 = 0.004$ ، وهي قيمة صغيرة جدا ، وهذا يعطي مبرراً لاستخدام الانحدار غير الخطي مثل التحليل الطيفي للكشف عن النمط الدوري للتغير في المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة.

ولمعرفة النمط الدوري للسلسلة الزمنية المدروسة تم ايجاد الدورية ومعاملات مركبات التحليل الطيفي باستخدام البرنامج الاحصائي Statistica Ver.7 ؛ وذلك بالاعتماد على البيانات الخاصة بالمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي

جدول (1) يبين قيم معاملات فورية لكل مركبة ، وقيم سعة واوزان كل دور للسلسلة الزمنية المدروسة .						
No	Frequency التردد	Period الدور	Cosine Coff. مل	Sine Coff. معامل	periodogram اوزان الدور	Density الكثافة
1	0.0833 33	12.00 00	12.336 9-	0.6504 95-	26556.1 0	26556 .10
2	0.1666 67	6.000 0	0.4633 -	0.5204 38	84.48	84.48
3	0.0057 47	174.0 00	0.4131	0.1577 67	34.02	34.02
4	0.0344 83	29.00 00	0.0476	0.3562 83-	22.48	22.48
5	0.0172 41	58.00 00	0.3104	0.1492 01	20.64	20.64
6	0.4051 72	2.468 1	0.0375	0.3417 52	20.57	20.57
7	0.0114 94	87.00 00	0.3090 -	0.1305 50-	19.58	19.58
8	0.0431 03	23.20 00	0.2657	0.1794 48-	17.88	17.88
9	0.2557 47	3.910 1	0.2719 34-	0.1439	16.47	16.47
10	0.0689 66	14.50 00	0.2357 -	0.1549 72-	13.85	13.85

المصدر: من اعداد الباحث بالاعتماد على نتائج البرنامج

الاحصائي Statistica ver.7



تم استخدام أسلوب تحليل الانحدار الخطي البسيط بين القيم الحقيقية Y_t التي ادخلت في بناء النموذج والقيم المتنبأ لها $\hat{Y}_t$ اعتمادا على النموذج المقترح ، إذ اظهرت نتائج التحليل ان قيمة معامل التحديد $R^2 = 0.82$ بين القيم الحقيقية والمتنبأ بها ، اي ان السلسلة التقديرية تفسر (82 %) من السلسلة الاصلية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة وان قيمة جذر متوسط مربعات الخطا (Root Mean Square Error) RMSE كانت (1.215) كما كانت قيمة المختبر الاحصائي F ذات فروق معنوية في جدول تحليل التباين في تحليل الانحدار اذ كانت قيمة (Sig.=0.00).

ولغرض مقارنة دقة النموذج المقترح تم ادخال البيانات الى البرنامج الاحصائي STATGRAPHICS VER.15 والتي تمثل المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي والبالغ عددها (348) شهرا وذلك لايجاد افضل نموذج لتمثيل البيانات وتبين من نتائج البرنامج ان افضل نموذج هو نموذج SARIMA $(1,0,0) \times (0,1,2)_{12}$ وذلك لان له اقل قيمة لجذر متوسط مربعات الخطا (Root Mean Square Error) RMSE من بين النماذج الاخرى حيث كانت قيمته (1.423) وكما مبين في الملحق (2) ، كما تم استخدام أسلوب تحليل الانحدار الخطي

شكل (2) يبين قيم اوزان الدور peridogram للسلسلة الزمنية المدروسة

من ملاحظة نتائج الجدول (1) والشكل رقم (2) تبين ان المركبة ذات الوزن الاكبر للدور الذي يهيمن على السلسلة الزمنية المدروسة قدره (12) شهرا وان قيمة اختبار $\zeta = 0.07 < 0.1$ يشير وهذا يؤكد ان المركبة ذات الدور (12) شهرا مهيمنة على السلسلة المدروسة ، إذ اظهرت نتائج التحليل الطيفي انها تفسر 82% من المعدلات الشهرية لدرجة الحرارة للسلسلة المدروسة ، لذلك يكون النموذج المقترح لتقدير المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في الرمادي معتمدا على هذه المركبة ، الى جانب قيم b_0, b_1 من معادلة الانحدار الخطي ، وباعتماد على المعادلة (5) تكون الصيغة الرياضية للنموذج المقترح هي:

$$\hat{Y}_t = 21.087 + 0.006 * t - 0.6505 * \sin(0.52381 * t) - 12.3369 * \cos(0.52381 * t)$$

كما تم استخدام النموذج المقترح لإيجاد القيم المتنبأ بها للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة لاشهر العام 2013 ومقارنة هذه القيم مع القيم الحقيقية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة وكما موضح في الجدول (2)، إذ تبين ان مقدار الخطأ صغيرة بين القيم الحقيقية والمتنبأ بها . وهذا يبين مدى الدقة لهذا النموذج .

جدول (2) يبين القيم الحقيقية والمتنبأ بها لمعدلات درجات الحرارة الشهرية للعام 2013												
الشهر	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Y_t	10.7	13.5	19.1	25.7	31.1	33.2	35.1	33.7	30.3	22.4	18.9	9.5
$\hat{Y}_t$	10.1	14.4	19.5	25.2	30.5	33.4	34.6	32.8	29.2	21.5	16.9	8.8
E	0.6	-0.9	-0.4	0.5	0.6	-0.2	0.5	0.9	1.1	0.9	1.1	0.7

حيث ان $E = Y_t - \hat{Y}_t$ تمثل مقدار الخطأ بين القيم الحقيقية والمتنبأ بها للمعدلات الشهرية لدرجة الحرارة لاي شهر، وكما تم استخدام النموذج المقترح للتنبؤ بالمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي للعام 2014 وكما مبين في الجدول الآتي :-

جدول (3) يبين القيم المتنبأ بها للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في الرمادي للعام 2014												
الشهر	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2014	12.7	17.3	23.6	29.7	33.1	34.1	35.6	33.8	31.4	23	18.9	11.4

اما اهم التوصيات فهي :-

- 1- يوصي الباحث باستخدام النموذج الرياضي المقترح الذي تم التوصل اليه في التنبؤ بالمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في السنوات اللاحقة ، وذلك لوضع الخطط المستقبلية اللازمة لمعالجة الارتفاع في درجات الحرارة من قبل الجهات ذات العلاقة.
- 2- يوصي الباحث باستخدام التحليل الطيفي في دراسة العناصر المناخية الاخرى ولمناطق مختلفة من القطر.
- 3 - يوصي الباحث الباحثين في هذا المجال الى التوسع في دراسة التحليل الطيفي ، ولا سيما في حالة كون السلسلة الزمنية تحتوي على عدة متغيرات مستقلة .

البسيط بين القيم الحقيقية Y_t التي ادخلت في بناء النموذج والقيم المتنبأ بها $\hat{Y}_t$ اعتمدنا على النموذج

$SARIMA(1,0,0) \times (0,1,2)_{12}$ ، إذ اظهرت نتائج التحليل ان قيمة معامل التحديد $R^2 = 0.73$ بين القيم الحقيقية والمتنبأ بها ، اي ان السلسلة التقديرية تفسر (73 %) من السلسلة الاصلية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة . وكما كانت قيمة المختبر الاحصائي F ذات فروق معنوية في جدول تحليل التباين في تحليل الانحدار اذ كانت قيمة (Sig.=0.00). من خلال المقارنة نجد ان النموذج المقترح اكثر دقة في التنبؤ من بقية النماذج حيث كانت قيمة معامل التحديد (82%) وهي اكبر من قيمة معامل التحديد (73%) للنموذج SARIMA $(1,0,0) \times (0,1,2)_{12}$ وكذلك قيمة RMSE التي كانت (1.215) للنموذج المقترح وهي اصغر من قيمته للنموذج SARIMA $(1,0,0) \times (0,1,2)_{12}$ التي كانت (1.423).

8-الاستنتاجات والتوصيات :-

- ان اهم النتائج التي توصل اليه هذا البحث هي:-
- 1-ان السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي تسلك سلوكا دوريا منتظما قدره (12) شهرا وهذا ما يؤكد فرضية البحث.
 - 2-ان نموذج التحليل الطيفي اكثر ملاءمة من بقية النماذج المدروسة لتمثيل السلسلة الزمنية المدروسة وهذا ما أكدته نتائج التحليل العملي للبحث .
 - 3- اعتمد النموذج الرياضي المقترح على مركبة طيفية واحدة، وذلك لانها فسر ما قيمته 82% من السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة المستخدمه في بناء النموذج المقترح.

المصادر والمراجع:

اولا: المصادر العربية.

ثانيا : المصادر الاجنبية

- Bloomfield, p.(2000) : Fourier analysis of time series :An Introduction ، 2nd ed, John Wiley, NewYork .
- Box, G.E and Jenkins G.M (1976):Time series analysis: forecasting and Control, San Francisco,Calif , Holden Day .
- Brockwell, P.J and Richard A.D (2002): Introduction to time Series and forecasting , Springer Verlag, New York.
- Chalfield,C.(2004): The analysis time series: An Introduction, 6th ed., NewYork, Chapman and Hall.
- Cryer,J.D and Sikchan K.(2008):Time Series Analysis with Application in R, 2nd ed, Springer Science – Business media,LLC.
- Hamilton, J.D (1994): Time series analysis, Princeton university press, princeton , New jersey.
- الجنابي ، صلاح حميد ، حسين سري بدر (2002) : توزيع الحرارة الفصلي ، مجلة البحوث الجغرافية ، (5) ، 98-122.
- الجبوري ، نهاد شريف خلف و عبدالله هبه هاني (2012): نموذج السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة سامراء ، مجلة تكريت للعلوم الادارية والاقتصادية ، 8 (25)، 143-158
- العبيدي، عبدالغفور جاسم (1989):تحليل ونمذجة السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الموصل، (رسالة ماجستير غير منشورة) ، كلية العلوم ، جامعة الموصل، العراق.
- الخالدي، جاسم محمد (2002) : تحليل السلاسل الزمنية لدرجة الحرارة في العراق، (رسالة ماجستير غير منشوره) كلية العلوم ، جامعة بغداد ، العراق
- بري ، ماجد عدنان (2002): طرق التنبؤ الاحصائي ، الجزء الاول ، جامعة الملك سعود ، السعودية.
- حسين ، الهام عبدالكريم (2008) : استخدام طريقة ونترس للتعميم للتكهن بقيم السلسلة الزمنية لدرجات الحرارة في مدينة الموصل ،المجلة العراقية للعلوم الاحصائية ، (8)، 223-232.
- فاندال، والتر (1992). السلاسل الزمنية من الوجهة التطبيقية ونماذج بوكس جنكنز تعريب عبد المرضي حامد العزام، دار المريخ للنشر، الرياض، السعودية.
- محمد ، سعدون محسن (1982): دراسة نماذج الانحدار الذاتي والايوساط المتحركة غير المستقرة ARIMA مع تطبيق للتنبؤ بدرجات الحرارة لمدينة بغداد، (رسالة ماجستير غير منشوره)، كلية الادارة والاقتصاد، جامعة بغداد ، العراق.

ملحق (1) المعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي للمدة (1984-2013)												
السنة	ك2	شباط	اذار	نيسان	مايس	حزيران	تموز	اب	ايلول	ت1	ت2	ك1
1984	10.5	12.5	16.7	21.6	25.9	29.5	33.3	30.5	28.8	20.6	15.4	10.3
1985	6.5	10.0	14.9	20.5	27.5	31.4	32.9	31.1	29.1	22.2	18.8	18.8
1986	9.3	8.7	14.1	20.8	26.1	30.4	31.7	31.8	30.1	22.5	13.5	13.5
1987	9.1	11.8	15.2	20.7	27.1	31.0	34.5	32.0	29.1	23.7	14.1	11.1
1988	6.1	9.2	17.0	24.1	28.2	30.8	34.0	33.1	28.7	24.1	16.1	9.8
1989	7.2	10.7	15.7	21.0	27.4	30.9	33.9	32.0	29.1	23.3	17.4	11.6
1990	8.8	10.5	16.0	22.6	26.0	32.1	33.9	31.9	28.5	24.0	16.7	9.9
1991	6.5	9.0	12.3	20.2	25.3	30.6	32.6	32.7	28.3	22.6	14.8	9.0
1992	7.9	10.2	15.0	20.5	25.5	30.7	33.5	32.3	29.0	24.1	14.3	11.6
1993	11.4	12.2	17.0	24.2	27.8	31.5	33.2	32.9	30.0	24.7	15.8	8.0
1994	10.2	12.7	16.4	21.1	28.4	32.0	33.0	32.9	28.6	22.4	14.8	9.9
1995	10.6	12.7	14.8	20.6	29.0	31.2	35.0	33.1	28.8	22.4	15.9	13.3
1996	9.7	8.8	12.9	20.1	27.9	31.4	32.7	30.4	27.5	23.6	16.4	11.6
1997	8.7	11.2	15.1	22.1	27.4	32.9	34.6	34.3	29.8	23.5	17.9	12.8
1998	10.9	13.5	16.7	22.6	28.5	31.6	33.7	33.9	29.1	24.3	15.2	10.9
1999	8.8	10.8	14.9	23.8	27.5	31.6	35.7	33.9	29.4	21.8	14.9	11.8
2000	9.6	12.1	18.6	22.7	27.1	32.1	34.4	34.7	30.2	24.8	14.7	12.7
2001	8.7	13.0	17.7	21.5	27.4	31.9	34.8	33.1	30.0	25.1	16.1	9.3
2002	11.0	10.5	15.1	23.0	28.6	32.8	34.5	35.2	30.0	25.3	15.5	10.7
2003	10.8	12.3	18.4	22.2	28.2	32.3	35.1	33.4	30.3	25.8	16.7	8.6
2004	9.8	14.1	16.8	23.6	27.9	32.0	35.1	33.8	29.3	23.6	17.2	7.2
2005	10.5	12.5	16.7	21.6	25.9	33.8	33.3	30.5	28.4	21.8	18.0	6.9
2006	9.0	8.6	13.1	20.8	26.1	30.4	31.7	31.8	30.1	22.5	13.5	13.5
2007	11.4	12.3	14.5	22.9	24.6	33.0	35.9	32.6	28.3	22.9	12.9	12.8
2008	9.3	11.1	16.1	22.2	27.7	31.8	34.2	33.1	29.4	31.2	15.8	10.3
2009	8.5	13.9	17.1	21.9	28.7	33.7	34.5	33.8	29.2	25.2	15.6	13.2
2010	13.0	14.0	18.7	22.2	29.3	32.5	36.2	37.0	31.5	26.4	17.9	12.0
2011	9.6	12.0	16.7	22.6	28.5	33.7	36.1	35.2	30.8	23.2	13.2	9.5
2012	9.0	11.2	14.8	24.7	29.6	34.6	37.3	35.6	31.7	25.9	18.7	12.6
2013	10.7	13.5	19.1	25.7	31.1	33.2	35.1	33.7	30.3	22.4	18.0	9.5

المصدر: الهيئة العامة للأنواء الجوية العراقية - قسم المناخ (بيانات غير منشوره)

ملحق (2) يبين نتائج بعض النماذج لبيانات السلسلة الزمنية للمعدلات الشهرية لدرجات الحرارة في مدينة الرمادي

**Model Comparison
Models**(A) ARIMA(1,0,0)x(0,1,2)₁₂ with constant

(B) Linear trend = 19.1731 + 0.00543146 t

Seasonal adjustment: Multiplicative

(C) Simple exponential smoothing with alpha = 0.0955

Seasonal adjustment: Multiplicative

(D) Brown's linear exp. smoothing with alpha = 0.0317

Seasonal adjustment: Multiplicative

(E) Winter's exp. smoothing with alpha = 0.1468, beta = 0.0215, gamma = 0.0972

Estimation Period

Model	RMSE	MAE	MAPE	ME	MPE
(A)	1.42338	1.05837	6.56979	-0.04392	-1.22421
(B)	1.47187	1.08399	6.76668	-0.02047	-1.05229
(C)	1.49217	1.1082	6.75356	0.030707	-0.7804
(D)	1.48942	1.10251	6.77679	0.008933	-0.8928
(E)	1.65319	1.26078	7.69624	-0.16731	-2.24334

(1) the root mean squared error (RMSE)

(2) the mean absolute error (MAE)

(3) the mean absolute percentage error (MAPE)

(4) the mean error (ME)

(5) the mean percentage error (MPE)

SARIMA Model Summary

Parameter	Estimate	Std. Error	t	P-value
AR(1)	0.314	0.052	6.031	0.000
SMA(1)	0.788	0.054	14.692	0.000
SMA(2)	0.146	0.053	2.749	0.006
Mean	0.065	0.017	3.835	0.000
Constant	0.0447951			

المصدر: من اعداد الباحث بالاعتماد على نتائج البرنامج الاحصائي STATGRAPHICS VER.15